

 UNIVERSIDADE Estácio de Sá	AV1 de Eletronagnetismo (CCE 0159)	
	Prof: João Batista Vieira	Data: 11 / ABR / 14
Norte Shopping Engenharia Elétrica	Aluno: _____	Nota:

1ª QUESTÃO (1,6 pt)

1) Considere as seguintes cargas, e seus posicionamentos em coordenadas retangulares:

uma carga pontual Q de $8\pi C$, situada em (1,2,3); e

um plano infinito de cargas situado em $y=10$ m com densidade superficial de cargas ;

$$\rho_s = 2\pi C/m^2 .$$

Determine o vetor densidade de fluxo elétrico \vec{D} no ponto P (4,5,6), causado por ambas as cargas. (1,0 pt)

2) A partir da Lei de Gauss mostre que o campo elétrico criado por uma superfície infinita vale (0,6 pt)

$$\frac{\rho_s}{2\epsilon_0}$$

2ª QUESTÃO (1,6 pt)

Considere a seguinte densidade de fluxo elétrico, definida em coordenadas esféricas

$$\vec{D} = 2r^2 \vec{a}_r + 3 \cos \theta \vec{a}_\theta + 3 \operatorname{sen} \phi \vec{a}_\phi$$

Empregando a integral de superfície no Teorema da divergência, determine:

a) a carga Q no interior de uma esfera de 1 metro de raio; (1,2 pt)

b) o fluxo elétrico Ψ na superfície da esfera de raio 1 m. (0,4 pt)

3ª QUESTÃO (1,6 pt)

Considere a seguinte densidade de fluxo elétrico, definida em coordenadas cilíndricas

$$\vec{D} = \frac{2z^2 \text{sen}\phi}{\rho} \vec{a}_\rho + \rho^2 z \vec{a}_\phi + z^2 \rho \vec{a}_z$$

Empregando a integral volumétrica no Teorema da divergência, determine:

- a expressão da densidade volumétrica de carga em função de ρ e z ; (0,4 pt)
- a carga Q no interior de cilindro de raio 1m e altura 2 m, considerando a base do cilindro no plano $z=0$ e o eixo do cilindro no eixo z . (1,2 pt)

4ª QUESTÃO (1,6 pt)

Considere o campo elétrico $\vec{E} = (x^2 + y^2)\vec{a}_x + 2xy\vec{a}_y + 5\vec{a}_z \frac{V}{m}$ e determinado ponto B,

situado na origem do sistema de coordenadas, com potencial $V_B = 14V$. Determine

- a densidade volumétrica de cargas na origem do sistema de coordenadas; (0,4 pt)
- o potencial V_A do ponto A situado nas coordenadas (2,1,0); (1,2 pt)

5ª QUESTÃO (1,6 pt)

Dada a função potencial no espaço livre

$$V = x^2 - 5 \text{ Volts, determine:}$$

- O vetor campo elétrico \vec{E} ; (0,4 pt)
- A densidade volumétrica de energia; (0,4 pt)
- A energia acumulada em um volume de $1m^3$ definido por

$$0 \leq x \leq 1m, 0 \leq y \leq 1m, 0 \leq z \leq 1m \text{ (0,8 pt)}$$

FORMULÁRIO

$$\vec{E}(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{|\vec{r} - \vec{r}'|^3} (\vec{r} - \vec{r}') \quad \epsilon_0 = \frac{10^{-9}}{36\pi}$$

$$\vec{E}_r = \frac{\rho_L}{2\pi\epsilon_0\rho} \vec{a}_\rho \quad \vec{E}(z) = \frac{\rho_S}{2\epsilon_0} \vec{a}_N$$

$$ds_{lateral} = \rho d\phi dz \quad ds_{topo} = \rho d\rho d\phi \quad ds = r^2 \sin\theta d\theta d\phi$$

$$dv = dx dy dz \quad dv = \rho d\rho d\phi dz \quad dv = r^2 \sin\theta dr d\theta d\phi$$

$$\vec{D} = \epsilon_0 \vec{E}$$

$$\text{div } \vec{D} = \nabla \cdot \vec{D} = \frac{\partial}{\partial x} D_x + \frac{\partial}{\partial y} D_y \vec{a}_y + \frac{\partial}{\partial z} D_z \vec{a}_z$$

$$\text{div } \vec{D} = \nabla \cdot \vec{D} = \frac{1}{r^2} \frac{\partial r^2 D_r}{\partial r} + \frac{1}{r \sin\theta} \frac{\partial D_\theta \sin\theta}{\partial \theta} + \frac{1}{r \sin\theta} \frac{\partial D_\phi}{\partial \phi}$$

$$\text{div } \vec{D} = \nabla \cdot \vec{D} = \frac{1}{\rho} \frac{\partial \rho D_\rho}{\partial \rho} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial D_\phi}{\partial \phi} + \frac{\partial D_z}{\partial z}$$

$$\psi = Q = \int_{\text{sup}} \vec{D} \cdot \vec{ds} = \int_{\text{vol}} \rho_v dv = \int_{\text{vol}} \nabla \cdot \vec{D} dv$$

$$\text{grad } V = \nabla V = \frac{\partial V}{\partial x} \vec{a}_x + \frac{\partial V}{\partial y} \vec{a}_y + \frac{\partial V}{\partial z} \vec{a}_z \quad \vec{E} = -\text{grad } V = -\nabla V$$

$$\vec{dl} = dx \vec{a}_x + dy \vec{a}_y + dz \vec{a}_z$$

$$W = -Q \int_B^A \vec{E} \cdot \vec{dl} \quad V_{AB} = V_A - V_B = -\int_B^A \vec{E} \cdot \vec{dl}$$

$$W_E = \frac{1}{2} \int_{\text{vol}} \vec{D} \cdot \vec{E} dv = \frac{1}{2} \int_{\text{vol}} \epsilon_0 \vec{E} \cdot \vec{E} dv = \frac{1}{2} \int_{\text{vol}} \epsilon_0 E^2 dv$$